コンピュータアニメーション特論

第6回 物理シミュレーション

九州工業大学情報工学研究院 尾下真樹

今日の内容

- ・物理シミュレーションの概要
- 剛体の物理シミュレーション
 - 運動方程式
 - _ 回転運動と慣性モーメント
 - シミュレーションの手順
- ・衝突と接触の扱い
- ・多関節体の物理シミュレーション
- 変形する物体の物理シミュレーション

物理シミュレーション

- 物理シミュレーション(Physics Simulation)
 - _ = 動力学シミュレーション(Dynamics Simulation)
 - 物理法則に従って物体の運動を計算
 - ・物理的に正しいアニメーションが生成できる
 - 物体の位置を直接動かすのではなく、力を加えることで間接的に物体が運動する
 - ・意図した通りにコントロールすることは難しい
 - 物理シミュレーションは、さまざまな用途で 用いられる

今日の内容

- 物理シミュレーションの概要
- 剛体の物理シミュレーション
 - 運動方程式
 - 回転運動と慣性モーメント
 - シミュレーションの手順
- ・衝突と接触の扱い
- ・多関節体の物理シミュレーション
- ・変形する物体の物理シミュレーション

参考書

- 「3DCGアニメーション」栗原恒弥・安生健一 著、技術評論社、¥2,980
 - アニメーション技術全般を解説
- ロボット工学 機械システムのベクトル解析 広瀬茂男著、装華房、¥4,950
 - 剛体・多関節の動力学計算

物理シミュレーションの概要

物理シミュレーションの応用例(1)

・シミュレータ

- ロボットや工業製品の評価・設計などに利用
- なるべく正確なシミュレーションが要求される
- 必要であれば計算時間がかかっても良い

・アニメーション

- 映画などへの利用、物理現象による動きの生成
- 見た目が自然であることが重要(必ずしも物理的に正確でなくても構わない)
- ― 結果をコントロールしやすいことも要求される

物理シミュレーションの応用例(2)

- ・コンピュータゲーム
 - アニメーションと同様、見た目が自然で、コントロールしやすいことが重要
 - 高速に計算できることが求められる
- 最近は物理シミュレーションを取り入れた ゲームも多く存在
 - − カーレース、フライトシミュレータ、弾道計算など
 - 自然な動きを生成しようとすると、物理法則を取り入れるのが最も有効
 - 必要に応じてパラメタやモデルを調整

物理シミュレーションの応用例(3)

- ゲームにおける物理シミュレーションの目的
 - ゲームプレイ物理(Game Play Physics)
 - 物理計算を使って乗り物や人物の動きを生成するなど、物理計算がゲーム進行に影響を与えるもの
 - ゲームの難易度等にも影響するため、必ずしも物理的に正確な動きを表現するだけでなく、制作者の意図通りの動きを実現することが要求されることがある。
 - 効果物理(Effects Physics)
 - ・炎・煙・水面の表現、爆発の効果の表現、やられて落ちる人物の表現など、ゲーム進行には影響しないが、 映像のリアリティを増すために物理計算を用いるもの
 - ・比較的容易に導入しやすい



物理シミュレーションの実現方法

汎用のライブラリを使用

- 最近は、汎用の物理シミュレーションライブラリ(ミドルウェア)が広く 利用されている
 - ODE, Bullet, Havok, PhysX, OpenHRP等
 - 市販のコンピュータゲームなどでも使用されている
 - Unity, Unreal 等のゲーム用ミドルウェアも物理演算機能を持つ
 - インタラクティブなアニメーション生成が目的であり、精度は高くない
 - ある程度物理シミュレーションの原理を理解していなければ、使えない

• 自分で開発

- 基本的な物理シミュレーションの原理や実装はそれほど難しくない。
- 安定性や高速化を実現しようとすると工夫が必要
- 物理シミュレーションの手法自体に工夫をしたい場合などは、基本的に自作する必要がある

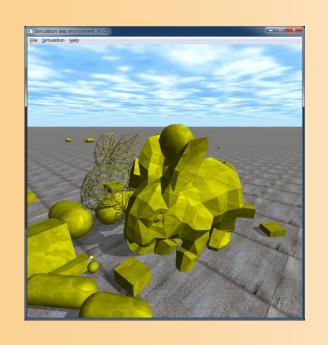


物理シミュレーションミドルウェア

- ODE (Open Dynamics Engine)
 - フリーで利用可能
 - 剛体(多関節体)の運動シミュレーション
- Bullet
- Havok(Havok社 → Intelが買収)
 - ─ 剛体(多関節体)や粒子の運動シミュレーション・描画
 - グラフィックカード(GPU)を使って高速に計算可能
- ・ PhysX(AGEIA社 → nVidiaが買収)
 - もともとは、専用プロセッサ(カード)を使用
 - グラフィックカード(GPU)でも動作するようになった
 - OpenHRP(日本で開発されたロボットシミュレータ)

物理シミュレーションミドルウェアの例

- Open Dynamic Engine (ODE)
 - http://www.ode.org
 - ライブラリ+サンプルのソースが公開





参考書:

簡単!実践! ロボットシミュレーション - Open Dynamics Engineによるロボットプログラミング出村公成、森北出版、3,360円





物理シミュレーションの種類

- 解析的なシミュレーション
 - 運動中に外力などが加わらず、運動の軌道が 既知の場合(数式などによって表される場合)は、 数式にもとづいて運動を計算することが可能
- 数値計算的なシュミレーション
 - 運動中に外力などが加わる場合
 - 解析的には解けないため、各離散時間ステップ ごとに、外力などを考慮して運動を計算
 - 精度の問題

対象となる物体の種類

- 剛体(Rigid Body)
 - ニュートンの運動方程式に従う
 - 質点のみ考えれば良いので比較的簡単
- 多関節体(Articulated Body)
 - _ ロボット・人体など
- 変形する物体(Deformable Object)
 - 布、クッション、衣服、皮膚、髪の毛など
 - 粒子モデルや有限要素法などを用いて形状変形を計算
- 不定形の物体
 - 炎、雲、水面など
 - ― 粒子モデル、ボクセルモデルなどを用いて分布を計算

対象となる物体の種類

- 剛体(Rigid Body) 対象となる物体の種類に応じて、
 - − ニュートンの運動方₹異なる物理シミュレーション手法
 - 質点のみ考えればE やモデルが必要となる
- 多関節体(Articulated Body)
 - ロボット・人体など
- 変形する物体(Deformable Object)
 - 衣服、皮膚、髪の毛など
 - 粒子モデルや有限要素法などを用いて計算
- 不定形の物体
 - 炎、雲、水面など
 - ― 粒子モデル、ボクセルモデルなどを用いて計算

剛体の物理シミュレーション

剛体の運動

- ・基本的には力学の講義で習った内容の復習
 - 知識としては大学1・2年生レベル
 - 物理シミュレーションのプログラミングを行うために必要な内容を説明
- 剛体の物理シミュレーション
 - 運動方程式
 - _ 回転と慣性モーメント
 - 接触と衝突

運動方程式

- ニュートン・オイラーの運動方程式
 - 並進運動(ニュートンの運動方程式)

運動量

運動方程式

- 回転運動(オイラーの運動方程式)

運動量

運動方程式

$$L = I\omega$$

$$N = I\dot{\omega} + \omega \times I\omega$$

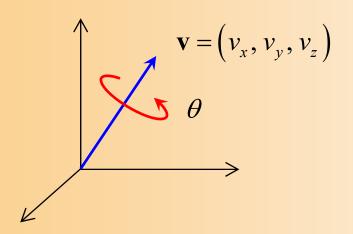
慣性モーメント行列・回転速度

トルク 回転加速度



回転の表現方法

- ・ 3次元ベクトルによる回転の表現
 - 前回の講義で出てきた、回転軸と回転角度による表現と同じ
 - ベクトルの大きさが回転角度(速度・加速度)を表す



$$\mathbf{r} = \theta \mathbf{v} = (\theta v_x, \theta v_y, \theta v_z)$$

回転角度
$$\theta = |\mathbf{r}|$$
 回転軸 $\mathbf{v} = \frac{\mathbf{r}}{|\mathbf{r}|}$



回転表現の変換(復習)

- 四元数から回転行列への変換
 - 任意ベクトル周りの回転行列に相当

If the scalar part has value w, and the vector part

$$M = \begin{bmatrix} 1 - 2y^2 - 2z^2 & 2z \\ 2xy - 2wz & 1 - 2xz + 2wy & 2 \end{bmatrix}$$

values x, y, and z, the 前回の授業で学習した方法で、回 転行列への変換が可能

 $M = \begin{bmatrix} 1-2y^2-2z^2 & 2 \\ 2xy-2wz & 1- \\ 2xz+2wy & 2 \end{bmatrix}$ ただし、回転角度・速度・加速度の 力きさが $180(\pi)$ を超える場合は、 回転行列への変換はできない

when the magnitude $w^2+x^2+y^2+z^2$ equals 1. The

Ken Shoemake, "Animating Rotation with Quaternion Curves", Proc. of SIGGRAPH '85, pp. 245-254, 1985. より

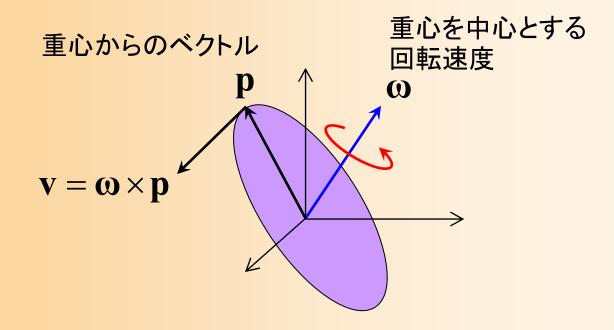


回転の表現方法の注意

- ・回転角度がOになると、回転ベクトルもOとなり、回転軸の情報が消失してしまう
 - 回転角度がOのときには、回転の情報には意味がないため、回転軸は任意の向きで構わない
 - プログラム的には、回転軸を求めるために正規化を行おうとすると、ゼロ割が生じて(無限大になって)しまい、問題が生じる
 - そのため、例えば、回転角度(ベクトルの長さ)がOのときは、正規化は行わず、適当な回転軸を設定する、といった対応を行う

並進運動と回転運動

- 並進運動と回転運動の関係
 - 回転速度 ω から、外積計算により、任意の点の 並進速度 v を計算できる
 - _ 力や運動量に関しても同様





慣性モーメント行列

- ・慣性モーメント行列
 - 質量の回転版
 - 回転速度に応じてどれだけの回転運動量を持つかを表す
 - 3×3の対称行列になる

$$\mathbf{L} = \mathbf{I}\boldsymbol{\omega} \qquad \mathbf{I} = \begin{pmatrix} \mathbf{I}_{xx} & -\mathbf{I}_{xy} & -\mathbf{I}_{xz} \\ -\mathbf{I}_{xy} & \mathbf{I}_{yy} & -\mathbf{I}_{yz} \\ -\mathbf{I}_{xz} & -\mathbf{I}_{yz} & \mathbf{I}_{zz} \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{p} = m\mathbf{v}$$



慣性モーメント行列の計算

• 次の体積分により計算できる

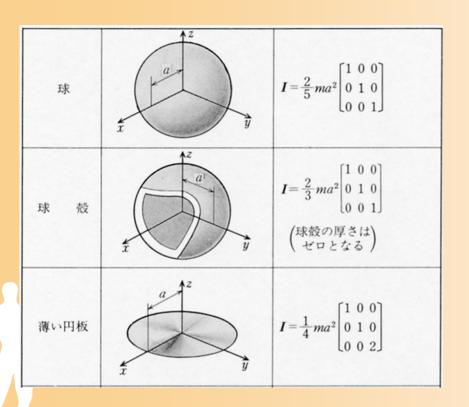
$$\mathbf{I} = \begin{pmatrix} \mathbf{I}_{xx} & -\mathbf{I}_{xy} & -\mathbf{I}_{xz} \\ -\mathbf{I}_{xy} & \mathbf{I}_{yy} & -\mathbf{I}_{yz} \\ -\mathbf{I}_{xz} & -\mathbf{I}_{yz} & \mathbf{I}_{zz} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \iiint (y^2 + z^2) dx dy dz & -\iiint (xy) dx dy dz & -\iiint (xz) dx dy dz \\ -\iiint (xy) dx dy dz & \iiint (x^2 + z^2) dx dy dz & -\iiint (yz) dx dy dz \\ -\iiint (xz) dx dy dz & -\iiint (yz) dx dy dz & \iiint (x^2 + y^2) dx dy dz \end{pmatrix}$$

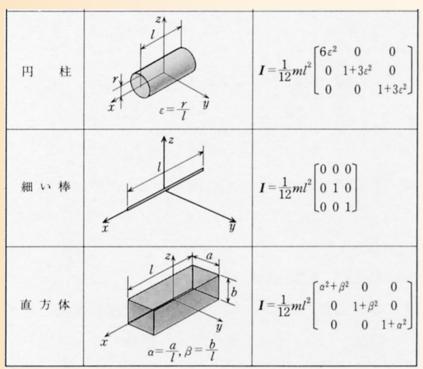
- 基本的な形状に関しては数学的に解ける
- 任意形状の体積分はやや複雑になる
- ・ワールド座標系での慣性モーメント行列

$$I' = RIR^T$$
 物体の回転行列 R により計算

基本的な形状の慣性モーメント

• 球、球殼、円板、円柱、棒、直方体



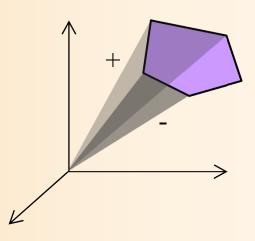


広瀬茂男, "ロボット工学", 装華房, p. 62 より

任意の形状の慣性モーメント

・ポリゴンモデルの慣性モーメントの計算方法

- Sheue-ling Lien and James T. Kajiya, "A Symbolic Method for Calculationg the Integral Properties of Arbitrary Nonconvex Polyhedra", *IEEE Cimputer Graphics & Applications*, Octover 1984, pp.35-41
- 各ポリゴンごとに、三角すい として体積分し、面の表裏に 応じて加算・減算していく



運動の生成

- 物体は、外部から力が加えられなければ、 等速運動を続ける
- 物体を運動させるためには、運動に必要な力を計算して、力を加える必要がある
 - 例: 飛行機であれば、プロペラやジェットなどの 推進力を計算(エンジンのモデルが必要?)
- 衝突や接触による外部からの影響も重要
 - 一何も処理を行わなければ、物体同士がめり込んでしまい、非常に不自然に見えてしまう
 - 一衝突や接触の処理方法については、後述

剛体の運動のシミュレーション

ある時刻において物体に加わる力・トルクから並進・回転加速度が計算される

$$\mathbf{a} = \frac{1}{m}\mathbf{F}$$
 $\dot{\mathbf{\omega}} = \mathbf{I}^{-1}(\mathbf{N} - \mathbf{\omega} \times \mathbf{I}\mathbf{\omega})$

加速度を積分することで微小時刻における 運動(位置・向きの変化)が計算できる (ニュートン法)

並進速度
$$\mathbf{v}' = \mathbf{v} + \mathbf{a}\Delta t$$
 回転速度 $\mathbf{\omega}' = \mathbf{\omega} + \dot{\mathbf{\omega}}\Delta t$ 位置 $\mathbf{p}' = \mathbf{p} + \mathbf{v}'\Delta t$ 向き $\mathbf{R}' = \mathbf{M}(\Delta t\mathbf{\omega})\mathbf{R}$

コンピュータによるシミュレーション

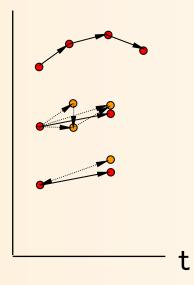
- コンピュータでシミュレーションを行う場合は、 離散時間でのシミュレーションになる
 - 適当な時間間隔 △t ごとに計算
 - ・物体に加わる力を決め、力に応じた位置・速度変化 を計算
 - ∆t は固定の場合と、動的に変化させる場合がある(次の2種類の目的がある)
 - 精度が必要な状況で、△t を小さくする
 - ・速度が必要な状況で、∆t を大きくする(計算回数を減らす)▲ t

シミュレーションの手順

- 時間間隔 Δt ごとに、以下を繰り返し
 - 1. $t=t+\Delta t$
 - 現在の時刻に各剛体に働く力・トルクを求める
 F, N
 - カ・トルクより、各剛体の位置・向きを更新
 F, N → v, p, ω, R
 - 4. 物体同士の衝突による速度変化を計算 $\mathbf{v}, \mathbf{\omega} \rightarrow \mathbf{v}', \mathbf{\omega}'$
 - 5. 物体同士の接触を処理
 v, p, ω, R → v', p', ω', R'
- ※ 詳細は、数値積分の 方法や衝突・接触の処理 方法によって変わる

シミュレーションの数値積分手法

- ニュートン法(ニュートン・オイラー法)
 - ∆t が大きくなると、すぐに発散してしまう
- ルンゲ・クッタ法
 - 各ステップにおいて、中間点での位置・ 速度を計算し、計算結果を補正する方法
 - 1回のステップに4回の積分計算が必要



後退オイラー法

- ステップの計算後の状態から、時間を逆に戻して、計算 結果を補正する方法
- 下の2つの方法も、発散しにくくなくなるだけで、必ずしも計算結果が正確になる訳ではないことに注意

シミュレーションの速度

- リアルタイム・シミュレーション
 - 現実世界と同じ速度でシミュレーションが進行
 - 秒間10フレーム以上(30フレーム以上が理想)
- インタラクティブ・シミュレーション
 - 対話的に操作できる程度の速度で動作
 - 必ずしも、現実世界の時間とは一致しない
 - 最低秒間数フレーム~10フレーム以上
- ・オフライン・シミュレーション
 - 計算にかなりの時間がかかる
 - _ 1フレーム数秒~数時間

今日の内容

- 物理シミュレーションの概要
- 剛体の物理シミュレーション
 - 運動方程式
 - 回転運動と慣性モーメント
 - シミュレーションの手順
- ・衝突と接触の扱い
- ・多関節体の物理シミュレーション
- ・変形する物体の物理シミュレーション

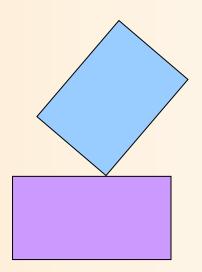


衝突と接触

- ・ 衝突と接触の2つを区別して扱うのが一般的
- ・ 衝突(ごく短時間の接触)
 - 物体同士が初めて接触
 - 運動量保存の法則により、 衝突による速度変化を計算

接触

- 物体同士が継続的に接触
- 物体同士がめり込まないように、位置・速度・加速度・力 の変化を計算



衝突の計算(1)

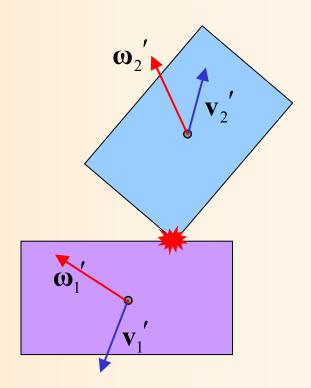
- 物体同士が衝突した後の、各物体の速度 (並進速度・回転速度)を計算
 - 並進速度

$$\mathbf{v}_1 \rightarrow \mathbf{v}_1' \qquad \mathbf{v}_2 \rightarrow \mathbf{v}_2'$$

- 回転速度

$$\omega_1 \rightarrow \omega_1' \quad \omega_2 \rightarrow \omega_2'$$

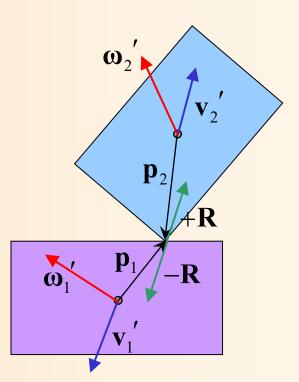




衝突の計算(2)

- ・ 衝突点での衝撃 R と、衝突後の両物体の 速度・回転速度の方程式を立てる(続き)
 - 未知数は、5ベクトル×3次元=15
 - ・解くためには15個の式が必要
 - 参考文献:

Matthew Moore, Jane Wilhelms, "Collision Detection and Response for Computer Animation", Computer Graphics (SIGGRAPH '88), Vol. 22, No. 4, 1988.



衝突の計算(3)

・衝突点での衝撃 R と、衝突後の両物体の速度・回転速度の方程式を立てる

$$m_1\mathbf{v}_1' = m_1\mathbf{v}_1 + \mathbf{R}$$

$$m_2 \mathbf{v}_2' = m_2 \mathbf{v}_2 - \mathbf{R}$$

$$\mathbf{I}_1 \mathbf{\omega}_1' = \mathbf{I}_1 \mathbf{\omega}_1 + \mathbf{p}_1 \times \mathbf{R}$$

$$\mathbf{I}_2 \mathbf{\omega}_2' = \mathbf{I}_2 \mathbf{\omega}_2 - \mathbf{p}_2 \times \mathbf{R}$$

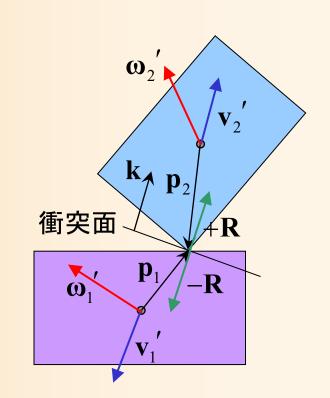
衝突後の並進速度 (衝撃による速度変化)

衝突後の回転速度 (衝撃による速度変化)

$$\mathbf{R} \cdot \mathbf{i} = 0, \mathbf{R} \cdot \mathbf{j} = 0$$
 衝撃の方向

$$\left(\mathbf{v}_{2}' + \boldsymbol{\omega}_{2}' \times \mathbf{p}_{2} - \mathbf{v}_{1}' - \boldsymbol{\omega}_{1}' \times \mathbf{p}_{2}\right) \cdot \mathbf{k} = 0$$

衝突点における速度の差がゼロ



衝突の計算(4)

- ・ 衝突点での衝撃 R と、衝突後の両物体の 速度・回転速度の方程式を解く
 - 式全体を15×15次元の行列として表し、逆行列 を解くことで、全ての未知数が計算できる
 - ・ 逆行列は、LU分解などの一般的な方法で計算可能

$$\begin{pmatrix}
\mathbf{m}_{1} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & -1 \\
\mathbf{0} & \mathbf{m}_{2} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{1} \\
\mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{I}_{1} & \mathbf{0} & -\mathbf{p}_{1}^{*} \\
\mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{I}_{2} & \mathbf{p}_{2}^{*} \\
-1 & 1 & -\mathbf{p}_{1}^{*} & \mathbf{p}_{2}^{*} & \mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
\mathbf{v}_{1}' \\
\mathbf{v}_{2}' \\
\mathbf{w}_{1}' \\
\mathbf{w}_{2}' \\
\mathbf{R}
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
\mathbf{m}_{1}\mathbf{v}_{1} \\
\mathbf{m}_{2}\mathbf{v}_{2} \\
\mathbf{I}_{1}\mathbf{\omega}_{1} \\
\mathbf{I}_{2}\mathbf{\omega}_{2} \\
\mathbf{0}
\end{pmatrix}$$

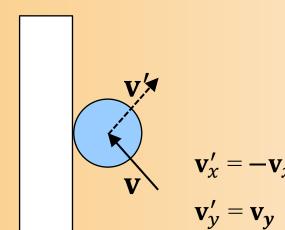
$$\mathbf{p}^* = \begin{pmatrix} 0 & -\mathbf{p}_z & -\mathbf{p}_y \\ -\mathbf{p}_z & 0 & -\mathbf{p}_x \\ -\mathbf{p}_y & -\mathbf{p}_x & 0 \end{pmatrix}$$

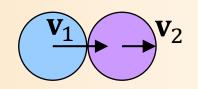
一番下の行は適当(正しく書くと細かくなるので)

外積計算を表す行列

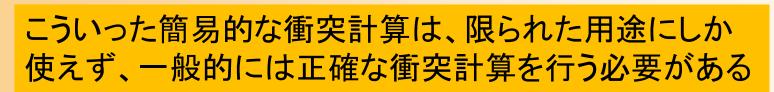
参考:簡易的な衝突計算

- 物体の回転を考慮せず、並進速度のみの 計算であれば、簡単な式で計算できる
 - 高校物理レベルの計算





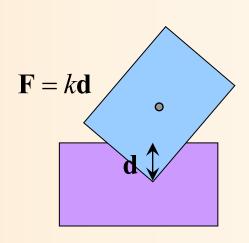
$$\frac{m_1\mathbf{v}_1 + m_2\mathbf{v}_2 = m_1\mathbf{v}_1' + m_2\mathbf{v}_2'}{\frac{\mathbf{v}_1' - \mathbf{v}_2'}{\mathbf{v}_1 - \mathbf{v}_2}} = 1$$



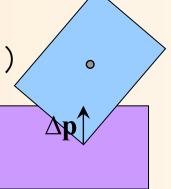


接触の計算

- ・ 主に2種類の方法がある
- ペナルティ法
 - めり込みの深さに応じて力を加える
 - 適当なバネ係数を決める
 - 正確さは保障されないが、処理は容易



- コンストレイント法(制約法)
 - めり込みが起こらない位置まで移動するよう な力を加える(または位置・速度を直接修正)
 - 計算が複雑になる、物理法則が崩れる
 - 複雑なめり込みに対処するのが困難



多関節体の物理シミュレーション

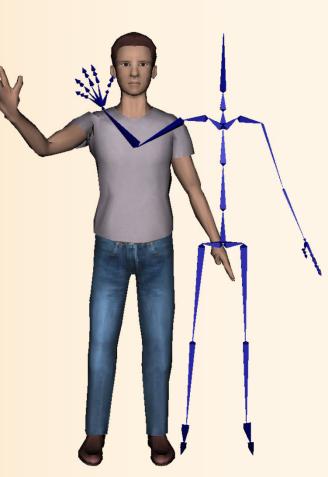
多関節体のシミュレーション

• 運動方程式

基本的には、複数の剛体として扱うことができる

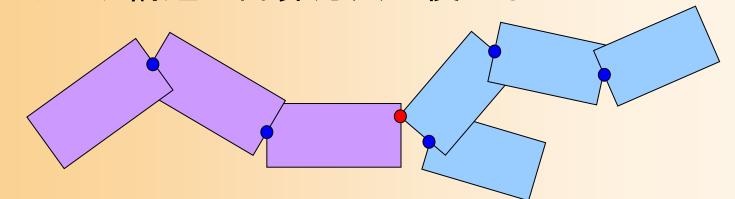
関節点での拘束条件(関節で 剛体同士が常に接触)を考慮

- 各種の運動を計算するときは、 関節の拘束条件を考慮し、全 身で運動を計算する必要が ある



多関節体の衝突計算

- 高次元の行列計算
 - 衝突点における条件の式に加えて、全関節における拘束条件の式を追加し、連立方程式として解く必要がある
 - 関節点での未知数15 + 互いの関節数×6
 - 高次元の疎行列になるので、疎行列に向いた データ構造や計算方法が使える



多関節体のシミュレーション方法

- ・ 主に2種類の方法がある
- 剛体シミュレーションにより計算
 - − 各リンクの位置・向きにより状態を表現
 - 各リンクの運動をばらばらに計算し、その後、 関節間の拘束条件を保つように制約を適用する
- 多関節体全体で計算
 - 各関節の関節角度により状態を表現
 - 常に拘束条件を満たすように全身の動きを計算
 - ―結果的に、計算に時間がかかってしまう

多関節体のシミュレーション方法

- ・ 主に2種類の方法がある
- 剛体シミュレーションにより計算

現在は、単純な物理シミュレーションだけの用途であれば、 こちらの方法が主流

・ 多関節体全体で計算

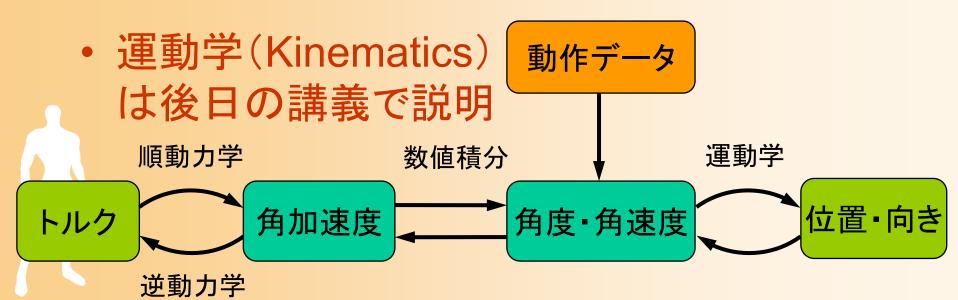
以降の説明は、主にこちらの方法での説明ロボット制御などで、多関節体の運動を解析するためには、計算こちらの方法も必須

多関節体の運動計算

- 順動力学(Forward Dynamics)
 - 全関節に加わるトルクから、運動を計算する
 - 計算には比較的時間がかかる
- 逆動力学(Inverse Dynamics)
 - 目標として与えられた運動(角加速度)から、その運動の実現に必要なトルクを逆算する
 - ロボットや人体モデルの制御などで必要になる
 - こちらは比較的高速に計算できる

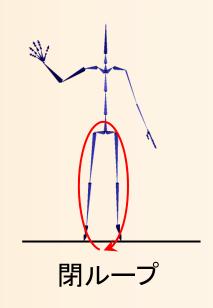
多関節体の動力学

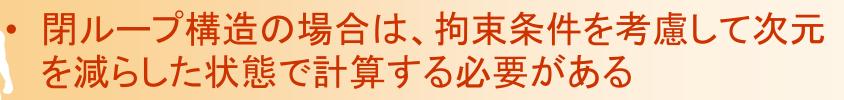
- 順動力学(Forward Dynamics)
 - 全関節のトルクから加速度の変化を計算
- 逆動力学(Inverse Dynamics)
 - 全関節の加速度から必要なトルクを計算



多関節体の逆動力学計算

- ・開ループ構造の逆動力学計算
- 主に2つの解法がある
 - ラグランジュ法
 - 各体節の運動エネルギーをもとに計算
 - _ ニュートン・オイラー法
 - 各体節の加速度とトルクにより計算
 - 高速



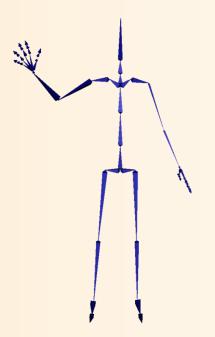


多関節体の逆動力学計算

• 逆動力学計算の式

$$au = H(\theta)\ddot{\theta} + C(\theta,\dot{\theta}) + G(\theta) + K(\theta)F$$
必要トルク 角加速度

- ニュートン・オイラー法
 - 1. 順方向計算
 - ・支点から末端に向かって、各関節の 加速度を加算
 - 2. 逆方向計算
 - 末端から支点に向かって、各関節の 必要トルクを減算



多関節体の順動力学計算

- ・ 単純な計算方法
 - 一逆動力学計算を繰り返すことによって、逆動力 学計算式の各行列を求めることができる

$$\tau = H(\theta)\ddot{\theta} + C(\theta,\dot{\theta}) + G(\theta) + K(\theta)F$$

<u>一逆行列を計算することで、順動力学の式を得る</u>

$$\ddot{\theta} = H(\theta)^{-1} \left(C(\theta, \dot{\theta}) + G(\theta) + K(\theta) F - \tau \right)$$

・より高速な計算方法もある(説明は省略)

多関節体の動作生成

- 物理シミュレーション自体は、順動力学により実現 可能
- 人間の場合は、どのような状況でどのようなトルク が関節に生じるか、という運動モデルが未知

$$\ddot{\theta} = H(\theta)^{-1} \left(C(\theta, \dot{\theta}) + G(\theta) + K(\theta) F - \tau \right)$$

- 高いところから落ちる動作など、ほとんど自力で運動できないような状況であれば、シミュレーション可能
- 上較的単純な動作であれば、ロボットのコントローラなどを応用することで、実現可能
- 人間らしい運動を実現するためには、運動モデル や筋肉モデル(トルク特性)を考慮する必要がある



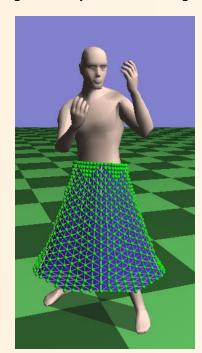
変形する物体の運動計算

- 変形する物体(Deformable Object)
 - 衣服、皮膚、髪の毛など
 - 粒子モデルや有限要素法などの手法
 - ・物体を細かい要素に分ける
 - 各時刻において、各要素に働く力を計算
 - 有限要素法では、要素に働く力を積分に より求める
 - 粒子モデルでは、要素を点とみなして力を 計算
 - 力から変形(加速度)を計算





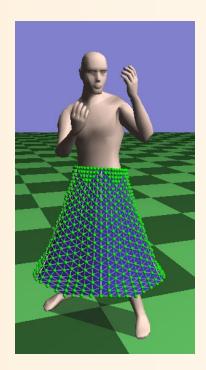
[Terzopoulos 87]



変形する物体の運動計算の例

- 粒子モデルによる衣服シミュレーション
 - 衣服を格子状の粒子(質点)のつながりで表す
 - 隣り合う粒子間は、ばねでつながっているものとする
 - 粒子に働く力を定義
 - 隣接する粒子間の長さを一定に保とうと する力(ばねの力)
 - 衣服が曲がったときに戻ろうとする力
 - 重力
 - ・人体からの反発力
 - 各フレームにおける力の和から、粒子 の加速度を計算





物理シミュレーションの最新技術

- 物理シミュレーションの原理は古くから確立
- ・複雑な状況でも高速・安定した計算を実現 することは、現在でも難しい課題
 - 特に衝突・接触が多く発生するような状況
- データにもとづくシミュレーション
 - 与えられたデータにもとづいて高速なシミュレーションを実現
 - ・次元削減や既存のデータをつなげた結果生成など
 - -機械学習を応用した人体の運動モデル

まとめ

- 物理シミュレーションの概要
- 剛体の物理シミュレーション
 - 運動方程式
 - 回転運動と慣性モーメント
 - シミュレーションの手順
- ・衝突と接触の扱い
- ・多関節体の物理シミュレーション
- ・変形する物体の物理シミュレーション

次回予告

• 衝突判定

- 近似形状による衝突判定
- 空間インデックス
- ポリゴンモデル同士の衝突判定

・ピッキング

- サンプルプログラム
- スクリーン座標系での判定
- ワールド座標系での判定
- レポート課題